

Aufgabe 1.1

Es seien A , B bzw. C die Mengen der durch 12, 18 bzw. 30 teilbaren natürlichen Zahlen. Wie kann $A \cap B \cap C$ beschrieben werden?

Aufgabe 1.2

Man beweise die folgenden Mengengleichungen und veranschauliche diese durch Venn-Diagramme!

- (a) $A \setminus B = \overline{\overline{A \cup B}}$
- (b) $A \setminus (A \setminus B) = A \cap B$
- (c) $\overline{A} \setminus \overline{B} = B \setminus A$
- (d) $(A \setminus B) \setminus C = A \setminus (B \cup C)$
- (e) $A \setminus (B \cap C) = (A \setminus B) \cup (A \setminus C)$

Aufgabe 1.3

Man beweise die folgende Formel durch vollständige Induktion!

$$1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n - 1)^2 = \frac{n(2n - 1)(2n + 1)}{3}$$

Aufgabe 1.4

Kann der Ausdruck

$$(((p \implies q) \implies p) \implies ((p \implies q) \implies q))$$

bei einer Belegung der Variablen p und q mit 0 oder 1 den Wert 0 annehmen?

Aufgabe 1.5

Entscheiden Sie, ob die Menge der ganzen Zahlen und die Menge der ungeraden ganzen Zahlen gleichmächtig sind und begründen Sie Ihre Antwort!